# **Circuitos Trifásicos**

Aplicado 20/07/2011.

# Problema 4 (8 ptos.)

Se tiene un sistema trifásico balanceado que alimenta a dos cargas a través de una línea trifásica que tiene  $Z_{\rm LIN}$ =2+j6  $\Omega$  por fase. La carga 1 está conectada en estrella y tiene 125+j250  $\Omega$  por fase, siendo  $\hat{V}_{RN}$  = 5 KVrms. La carga 2 está conectada en delta y absorbe 120-j60 KVA.

- a) (6 p.) Determinar  $\hat{V}_{AN}$  e  $\hat{I}_{CN}$  en la carga 1,  $\hat{V}_{BC}$  e  $\hat{I}_{AB}$  en la carga 2.
- b) (2 p.) Determinar la potencia compleja total absorbida por las cargas.
- c) (1 p., opcional) Determinar la pérdida total en la línea  $\acute{o}$  la impedancia  $Z_{\Delta}$  de la carga 2.

**Problema 3 (04/03/2008)** (9 puntos). Dos cargas trifásicas balanceadas se conectan en paralelo. La carga 1 tiene una conexión en Estrella (Y) con una impedancia por fase de 800+j600 ohm. La carga 2 tiene una conexión en Delta ( $\Delta$ ) y consume una potencia de 120KVAR con un factor de potencia de 0,9 en adelanto. La tensión línea-neutro existente en la carga es de 8V3 KV<sub>RMS</sub>. La línea de distribución tiene una impedancia de 100 ohm por fase. Determine:

- 1. (1 p) La impedancia por fase de la carga conectada en delta
- 2. (5 p) La potencia compleja total entregada a la carga.
- 3. (1 p) La potencia que se pierde en la línea
- 4. (2 p) Voltaje máximo de fase  $V_{CN}$  y de línea  $V_{CA}$  si la fuente trifásica es un generador trifásico conectado en estrella.

## Problema 1 (30/03/2011)

En un circuito trifásico balanceado, se alimenta a una carga conectada en estrella, que en total absorbe 96+j72 KVA, a través de una línea trifásica con 0,1+j0,1  $\Omega$  por fase, obteniéndose  $\mathbf{V}_{\text{BC}} = \sqrt{3}$  –j3 KVrms en la carga.

- a) Determine  $V_{AN}$  en la carga y la corriente de línea  $I_C$ .
- b) Determine la potencia compleja total que entrega la fuente y la tensión  $\mathbf{V}_{bn}$  en la fuente.

Aplicado 10/07/08

# Problema 5 (9 ptos.)

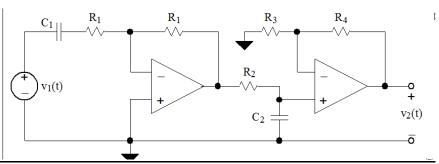
Un generador trifásico en estrella alimenta a una carga conectada en Y que absorbe 9 KVAR con un factor de potencia de 0,8 en atraso, a través de una línea trifásica que tiene 1+j2 ohms por rama. Se sabe que la pérdida total en la línea es de 675 W. Determina:

- a) (1 p) La corriente de línea I<sub>L</sub>.
- b) (4 p) Las potencias complejas absorbida por la línea y entregada por el generador.
- c) (4 p) La corriente de fase  $I_{BN}$  y el voltaje  $V_{AN}$  en la carga, si  $V_{BN} = V_F / -30^\circ$ .

# Respuesta en Frecuencia

## Problema:3:(4:ptos.)¶

 $\begin{array}{llll} Para\cdot & el\cdot circuito\cdot mostrado, \\ determina\cdot & la\cdot & función\cdot & de\cdot \\ transferencia\cdot & de\cdot & voltaje\cdot \\ H(s)=&V_2(s)/V_1(s), \\ suponiendo\cdot \\ que\cdot los\cdot OPAM\cdot son\cdot ideales. \\ \square \end{array}$ 



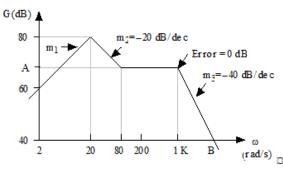
# Problema 4 (4 ptos.)

Para·la·función·de·transferencia·de·voltaje·dada·a·continuación,·halla·expresiones·para· $|H(\omega)|$ ·y· $\phi(\omega)$ , y·calcula·los·valores·de·la·tabla·de·la·derecha.¶

$H(s) = \frac{1000(1 + (s/200))}{(1 + (s/5000))(1 + (s/1000) + (s/1000)^2)}$	ω·(rad/s)¤	$ H(\omega)  \cdot (dB)$	$\phi(\omega)$ (grados)	¤
	1000) <sup>2</sup> ) <sup>0</sup> 0°	¤	¤	_¤
	500	¤	¤	_¤
r	'			

### Problema · 2 · ()¶

Se da un diagrama de Bode asintótico de magnitud y cuatro funciones de transferencia.¶



$$H_{A} = \frac{Ks^{2}(1+s/80)}{(1+s/20)^{2}(1+s/10^{3})^{2}}$$

$$H_{B} = \frac{Ks(1+s/80)}{(1+s/20)(1+2\zeta s/10^{3}+s^{2}/10^{6})}$$

$$H_{C} = \frac{Ks(1+s/80)}{(1+s/20)^{2}(1+2\zeta s/10^{3}+s^{2}/10^{6})}$$

$$H_{D} = \frac{Ks(1+s/80)}{(1+s/20)^{2}(1+s/10^{3})^{2}}$$

$$H_{D} = \frac{Ks(1+s/80)}{(1+s/20)^{2}(1+s/10^{3})^{2}}$$

$$H_{D} = \frac{Ks(1+s/80)}{(1+s/20)^{2}(1+s/10^{3})^{2}}$$

30/03/2011

- a) Determine la pendiente m1 en dB/déc, la ganancia A y la frecuencia angular B de la gráfica.¶ □
- b) Explique·a·cuál·de·las·funciones·de·transferencia·dadas·puede·corresponder·el·diagrama·de· magnitud·dibujado.¶
- c)→Calcule· los· valores· aproximados· de· K· y· ζ· (si· aplica)· de· la· función· de· transferencia· seleccionada·en·la·parte·a).¶

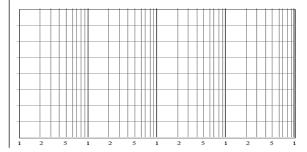
#### CUARTO EXAMEN PARCIAL (20 %)

#### PROBLEMA 1 (6 p)

Dada la función de transferencia:

$$H(s) = \frac{1,6.10^8 s^2 (s+50)}{\left(s^2 + 8s + 100\right)(s+200)^3}$$

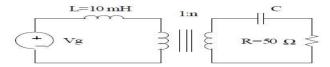
- (4 p) Graficar en la cuadrícula a) adjunta el diagrama de Bode de magnitud para  $1 \le \omega \le 10^4$  rad/s, indicando las ganancias de las frecuencias de esquina. Explique.
- b) (2 p) Calcular el error en dB entre el diagrama asintótico y el exacto para las frecuencias  $\omega = 10 \text{ rad/s}$ y  $\omega = 200 \text{ rad/s}$ .



# Resonancia

#### Problema 3 (6 ptos.)

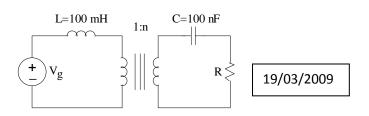
Para el circuito resonante de abajo, se sabe que sus dos frecuencias de corte son 800 rad/s y 4000 rad/s. Calcular ω0, el ancho de banda AB, y los valores de n y C (en μF).



Problema 2 (10/04/2008) (7 ptos.) Se tiene un circuito RLC serie en el cual la bobina tiene resistencia interna  $R_i$ . A la frecuencia de resonancia se sabe que  $v_R(t) = \cos(2000\pi t)$  V,  $i(t) = 0.5\cos(\omega_0 t + \varphi)$  mA y  $v_L(t) = 0.05\cos(\omega_0 t) - 2\sin(\omega_0 t)$  V.(5 p) Determina  $f_0$ ,  $\varphi$ , R,  $R_i$ , L y C. Justifica tus respuestas. (2 p) Sabiendo que  $Q = X_L(\omega_0)/R_{total}$ , determina el ancho de banda y las frecuencias de corte del circuito.

## Problema 3 (5 ptos.)

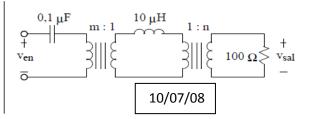
Para el circuito mostrado a la derecha, Aplicado 19/032009 determinar "n" y R para que el circuito resuene a  $\omega_0 = 20 \text{ krad/seg y tenga un ancho}$ de banda de 800 rad/seg.



### Problema 2 (6 ptos.)

El circuito mostrado a la derecha desea usarse como filtro resonante pasabanda.

Determina las relaciones de transformación "m" y "n" para que la frecuencia de resonancia sea 100 krad/s y el factor de calidad sea de 25, y las frecuencias de corte bajo estas condiciones.



### PROBLEMA 3 (6 p)

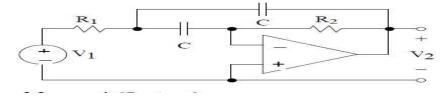
Se dispone de un inductor de 1 mH y una resistencia de 20  $\Omega$ .

- a) (3 p) Se desea diseñar un filtro pasabanda RLC cuya frecuencia de resonancia sea 100 kHz y cuyo Q sea el máximo posible. Determinar si la conexión debe ser paralelo o serie y calcular el valor del condensador y el Q.
- b) (3 p) Suponiendo que el condensador C es de 100 nF y que la conexión es paralelo, determinar la f<sub>0</sub> del circuito en Hz, el Q y las frecuencias de potencia mitad del circuito en Hz.

16/07/2006

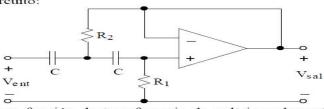
### Problema 2 (6 ptos.)

Para el circuito filtro de abajo, hallar  $H(s)=V_2(s)/V_1(s)$  y demostrar que el circuito es un filtro pasa-banda con  $\omega_0=\left(C\sqrt{R_1R_2}\right)^{-1}$  y  $|H(\omega_0)|=R_2/(2R_1)$ .



#### PROBLEMA 2 (8 p)

Dado el siguiente circuito:



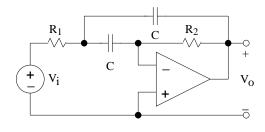
- a) (4 p) Hallar su función de transferencia de voltaje y demostrar que es un filtro pasa-altas de segundo orden. Hallar una expresión para ω<sub>0</sub> del filtro en función de C, R<sub>1</sub> y R<sub>2</sub>.
- b) (2 p) Si C=1 F,  $R_1 = \sqrt{2} \Omega$  y  $R_2 = 1/\sqrt{2} \Omega$ , demostrar que el circuito es un filtro Butterworth normalizado (es decir,  $\omega_0$  es 1 rad/s y  $|H(1)| = |H(\infty)|/\sqrt{2}$ ).
- c) (2 p) Diseñar mediante la técnica de escalamiento un filtro pasa-altas Butterworth de segundo orden con  $f_0=2$  kHz utilizando  $C=0.1~\mu F$ .

### Problema 1 (5 ptos.)

Para el circuito mostrado a la derecha:

- a) Determinar la función de transferencia de voltaje  $H(s) = V_0(s)/V_i(s)$ .
- b) A partir de la función de transferencia, determinar el tipo de filtro

El circuito mostrado a la derecha es un filtro pasivo Butterworth **pasa-bajas** normalizado de tercer orden, con  $\omega_0$  = 1 rad/seg.



19/03/2009

En base al circuito dado, diseñar un filtro pasivo Butterworth **pasa-altas** de tercer orden con una frecuencia de corte de 15 kHz, para alimentar a una carga de 10 k $\Omega$ . Dibujar el circuito diseñado indicando los valores de sus elementos.

# Problema 5 (4 ptos.)

El circuito mostrado es un filtro Butterworth normalizado de  $3^{\circ}$  orden. Determina el tipo de filtro y transfórmalo en un filtro pasa-altas con  $R = 100~\Omega$  y frecuencia de corte de 800 Hz.

